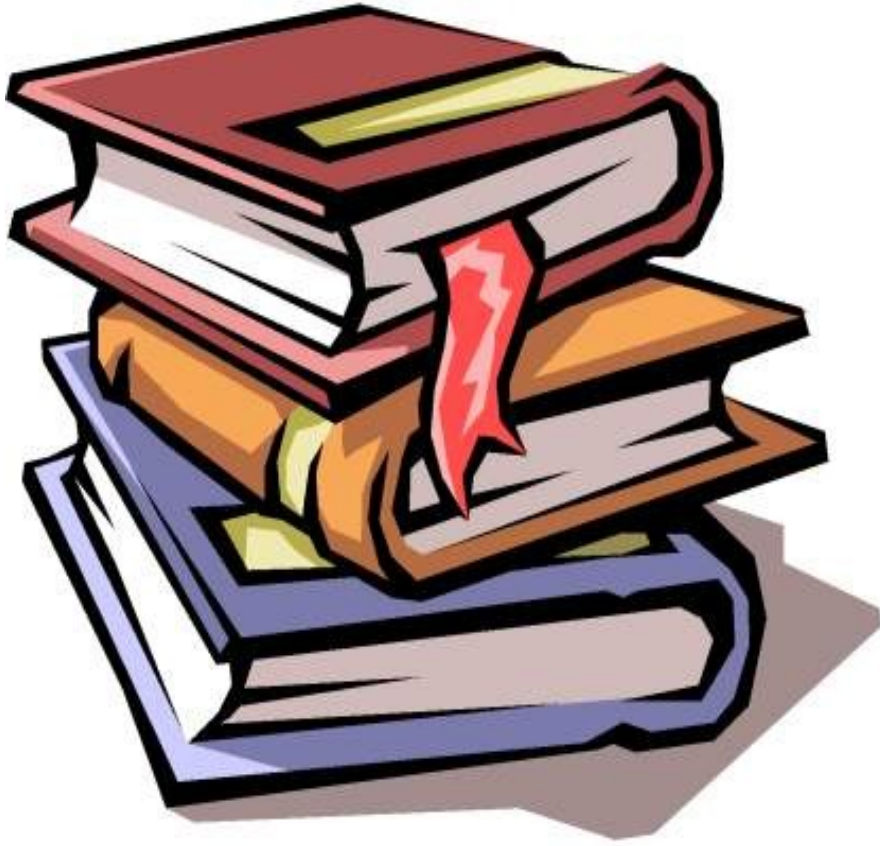


# Глоссарий



Натуральные числа

Дроби

Рациональные числа

Действительные числа

# Натуральные числа



**Натуральные числа** (естественные числа— числа, возникающие естественным образом при счёте. Последовательность всех натуральных чисел, расположенных в порядке их возрастания, называется *натуральным рядом*).

## Операции

К **операциям** над натуральными числами относятся следующие арифметические операции:

- **Сложение**. Слагаемое + Слагаемое = Сумма
- **Умножение**. Множитель × Множитель = Произведение
- **Вычитание**. Уменьшаемое – Вычитаемое = Разность. При этом Уменьшаемое должно быть больше Вычитаемого (или равно ему, если считать 0 натуральным числом).
- **Деление**. Делимое / Делитель = (Частное, Остаток). Частное и остаток от деления определяются так:  $a = p \cdot b + r$

Натуральные числа могут использоваться для счёта (одно яблоко, два яблока, три яблока, ...).

Натуральные числа – числа, возникающие естественным образом при счёте. Это числа: 1, 2, 3, 4, ... В математике множество натуральных чисел принято обозначать знаком  $N$ .

Множество натуральных чисел является бесконечным.

Существуют два основных подхода к определению натуральных чисел:

Отрицательные и дробные числа не являются натуральными числами. Существует бесконечное количество натуральных чисел: для любого натурального числа найдется другое натуральное число, большее его. Ноль, обычно, не относят к натуральным числам.

Источник: [http://ru.wikipedia.org/wiki/Натуральное\\_число](http://ru.wikipedia.org/wiki/Натуральное_число)

[Вернуться к оглавлению](#)

# Дроби

**Дробь** в математике—это число, состоящее из одной или нескольких частей (долей) единицы. Дроби являются частью **рациональных чисел**. По способу записи дроби делятся на 2 формата: **обыкновенные** и **десятичные**.

## 1. Обыкновенные дроби



Наглядное представление дроби  $3/4$

**Обыкновенная(или простая) дробь**— запись **рационального числа** в виде  $m/n$  где  $n \neq 0$ .

Горизонтальная или косая черта обозначает знак деления, в результате чего получается частное. **Делимое** называется **числителем** дроби, а **делитель** — **знаменателем**.

### Правильные и неправильные дроби

**Правильной** называется дробь, у которой **модуль** числителя меньше модуля знаменателя. Дробь, не являющаяся правильной, называется **неправильной**, и представляет рациональное число, по модулю большее или равное единице.

Например, дроби  $3/5$ , и  $7/8$  — правильные дроби, в то время как  $9/8$ ,  $11/7$  и — неправильные дроби. Всякое целое число можно представить в виде неправильной обыкновенной дроби со знаменателем 1.

**Десятичная дробь** есть результат деления единицы на десять, сто, тысячу и т.д. частей. Эти дроби очень удобны для вычислений, так как они основаны на той же позиционной системе, на которой построены счёт и запись целых чисел. Благодаря этому запись и правила действий с десятичными дробями фактически те же, что и для целых чисел. При записи десятичных дробей нет необходимости отмечать знаменатель, это определяется местом, которое занимает соответствующая цифра.

Сначала пишется *целая часть* числа, затем справа ставится *десятичная точка*. Первая цифра после десятичной точки означает число десятых, вторая – число сотых, третья – число тысячных и т.д. Цифры, расположенные после десятичной точки, называются *десятичными знаками*.

## Примеры:

1) 123,45 (конечная десятичная дробь)

2) Представление числа  $\pi$  в виде бесконечной десятичной дроби:  
3,1415926535897

Представление действительных чисел с помощью десятичных дробей является обобщением записи целых чисел в десятичной системе счисления. В представлении целого числа в виде десятичной дроби отсутствуют цифры после запятой.

Десятичная дробь называется *конечной*, если она содержит конечное число цифр после запятой (в частности, ни одного)

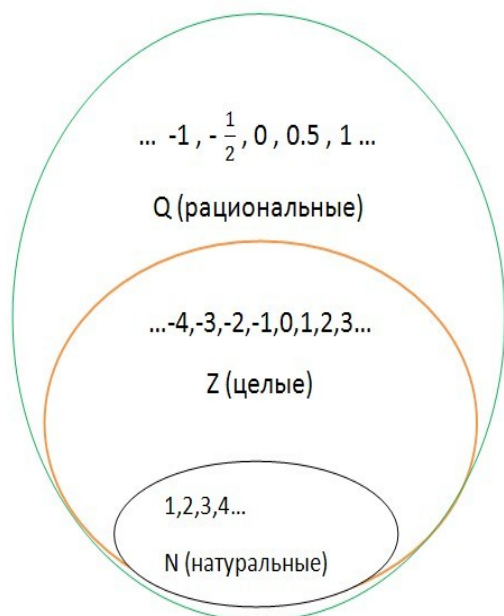
## Периодические десятичные дроби

Бесконечная десятичная дробь называется *периодической*, если её последовательность цифр после запятой, начиная с некоторого места, представляет собой периодически повторяющуюся группу цифр.

Источники: [http://ru.wikipedia.org/wiki/Дробь\\_\(математика\)](http://ru.wikipedia.org/wiki/Дробь_(математика))

[Вернуться к оглавлению](#)

# Рациональное число



**Рациональное число** это отношение, деление, дробь) — число, представляемое **обыкновенной дробью**  $m/n$ , числитель  $m$  **целое число**, а знаменатель  $n$  **натуральное число**, к примеру  $2/3$ . Понятие дроби возникло несколько тысяч лет назад, когда, сталкиваясь с необходимостью измерять некоторые вещи (длину, вес, площадь и т.п.), люди поняли, что не удаётся обойтись целыми числами и необходимо ввести понятие доли: половины, трети и т.п.

Множество рациональных чисел обозначается  $Q$

При этом оказывается, что разные записи могут представлять одну и ту же дробь, например,  $3/4$  и  $9/12$ , (все дроби, которые можно получить друг из друга умножением или делением числителя и знаменателя на одно и то же натуральное число, представляют одно и то же рациональное число). Поскольку делением числителя и знаменателя дроби на их **наибольший общий делитель** можно получить единственное несократимое представление рационального числа, то можно говорить об их множестве как о множестве **несократимых** дробей со **взаимно простыми** целым числителем и натуральным знаменателем

Между любыми двумя различными рациональными числами расположено хотя бы одно рациональное число (а значит, и бесконечное множество рациональных чисел).

## Основные свойства

**1. Операция сложения.** Для любых рациональных чисел  $a$  и  $b$  существует так называемое **правило суммирования**, которое ставит им в соответствие некоторое рациональное число  $c$ . При этом само число  $c$  называется **суммой** чисел  $a$  и  $b$  и обозначается  $a+b$ , а процесс отыскания такого числа называется **суммированием**.

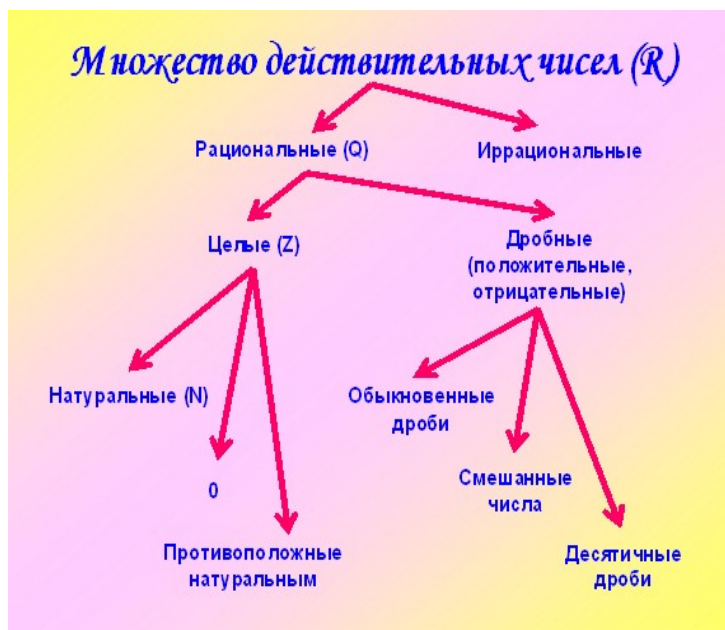
**2. Операция умножения.** Для любых рациональных чисел  $a$  и  $b$  существует так называемое **правило умножения**, которое ставит им в соответствие некоторое

рациональное число  $c$ . При этом само число  $c$  называется произведением чисел  $a$  и  $b$  и обозначается  $a \cdot b$ , а процесс отыскания такого числа также называется умножением.

Источники [http://ru.wikipedia.org/wiki/Рациональное\\_число](http://ru.wikipedia.org/wiki/Рациональное_число)

[Вернуться к оглавлению](#)

# Действительные числа



Рациональные числа и иррациональные числа образуют множество **действительных чисел**.

Каждому действительному числу соответствует единственная точка координатной прямой, которую называют **числовой прямой**.

Действительное число— это бесконечная десятичная дробь, т. е. дробь вида  $+a_0,a_1a_2,a_3\dots$  или  $-a_0,a_1a_2,a_3\dots$ ,

где  $a_0$ — целое неотрицательное число, а каждая из букв  $a_1, a_2, \dots$  — это одна из десяти цифр: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 9.

*Модуль действительного числа  $x$  обозначается  $|x|$  и определяется следующим образом:*

$$|x| = x, \text{ если } x > 0 \text{ или } x = 0$$

$$|x| = -x, \text{ если } x < 0$$

**Пример:**

если  $x = -0,1010010001\dots$ , то  $|x| = -x = 0,1010010001\dots$

Множество всех действительных чисел обозначается **R**.

Источники: <http://edu.glavsprav.ru/info/?section=algebra>

[Вернуться к оглавлению:](#)