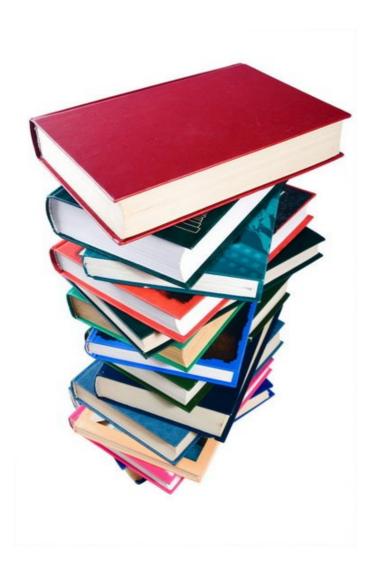
Глоссарий

учебной практики
1 курса факультета МИФ

«Волгоградского государственного социально-педагогического университета»



Оглавление:

<u>Определение треугольника.</u> <u>Виды треугольников.</u>

Основные линии треугольника:

медиана, биссектриса, высота, средняя линия.

Признаки равенства треугольников.

Сумма углов треугольника.

Определение треугольника



Треугольник — это геометрическая фигура, состоящая из трёх точек, (не лежащих на одной прямой) и трёх отрезков, соединяющих эти точки.

Три точки, образующие треугольник, называются **вершинами** треугольника, а отрезки — **сторонами** треугольника. Стороны треугольника образуют в вершинах треугольника три угла. Другими словами, треугольник — это многоугольник, у которого имеется ровно три угла.

 $\frac{http://ru.wikipedia.org/wiki/\%D2\%F0\%E5\%F3\%E3\%EE\%EB\%FC\%ED}{\%E8\%EA}$

Виды треугольников.

Треугольник называется **равнобедренным**, если у него две стороны равны. Эти равные стороны называются **боковыми сторонами**, а третья сторона называется **основанием** треугольника.

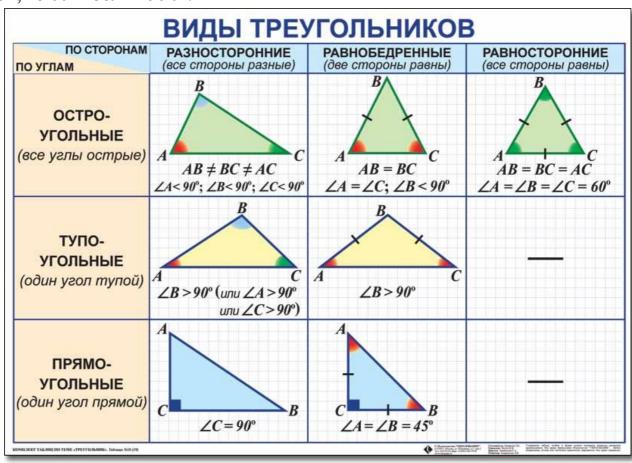
Треугольник, у которого все стороны равны, называется **равносторонним** или **правильным**.

Треугольник называется **прямоугольным**, если у него есть прямой угол, то есть угол в 90° .

Сторона прямоугольного треугольника, противолежащая прямому углу, называется **гипотенузой**, две другие стороны называются **катетами**.

Треугольник называется **остроугольным**, если все три его угла — острые, то есть меньше 90° .

Треугольник называется **тупоугольным**, если один из его углов — тупой, то есть больше 90° .



http://uztest.ru/abstracts/?idabstract=239714

Медиана.

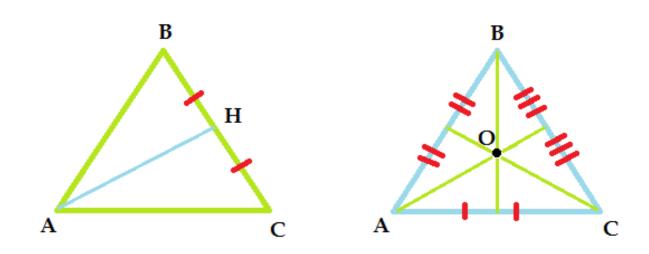
Медиана треугольника — это отрезок, соединяющий вершину треугольника с серединой противолежащей стороны этого треугольника.

Свойства медиан треугольника:

Медиана разбивает треугольник на два треугольника одинаковой площади.

Медианы треугольника пересекаются в одной точке, которая делит каждую из них в отношении 2:1, считая от вершины. Эта точка называется центром тяжести треугольника.

Весь треугольник разделяется своими медианами на шесть равновеликих треугольников.



http://www.univer.omsk.su/omsk/Edu/Rusanova/triangls.htm

Биссектриса.

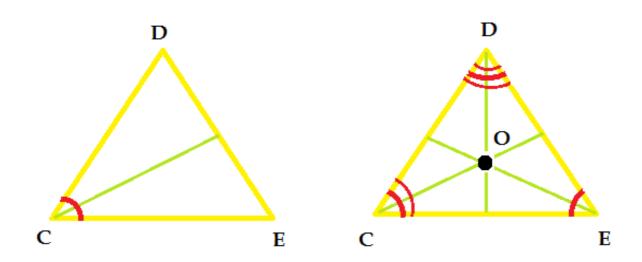
Биссектриса угла — это луч, который исходит из его вершины, проходит между его сторонами и делит данный угол пополам. Биссектрисой треугольника называется отрезок биссектрисы угла треугольника, соединяющий вершину с точкой на противолежащей стороне этого треугольника.

Свойства биссектрис треугольника:

Биссектриса угла — это геометрическое место точек, равноудаленных от сторон этого угла.

Биссектриса внутреннего угла треугольника делит противолежащую сторону на отрезки, пропорциональные прилегажащим сторонам: .

Точка пересечения биссектрис треугольника является центром окружности, вписанной в этот треугольник.



http://www.univer.omsk.su/omsk/Edu/Rusanova/triangls.htm

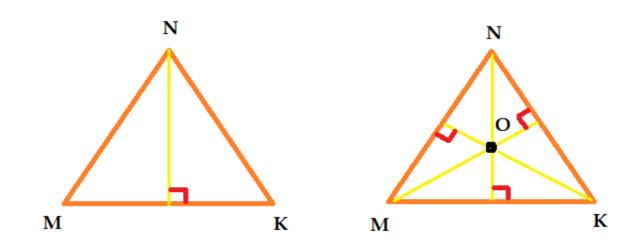
Высота.

Высотой треугольника называется перпендикуляр, проведенный из вершины треугольника к прямой, содержащей противоположную сторону этого треугольника.

Свойства высот треугольника:

В прямоугольном треугольнике высота, проведенная из вершины прямого угла, разбивает его на два треугольника, подобные исходному.

В остроугольном треугольнике две его высоты отсекают от него подобные треугольники.



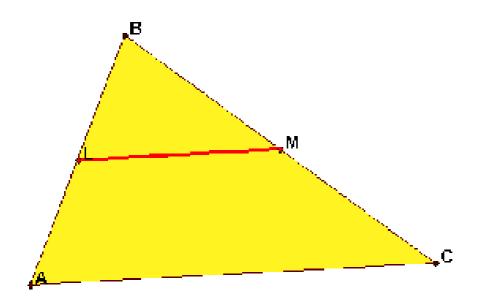
http://www.univer.omsk.su/omsk/Edu/Rusanova/triangls.htm

Средняя линия.

Средней линией треугольника называется отрезок, соединяющий середины двух его сторон.

Свойство средней линии треугольника:

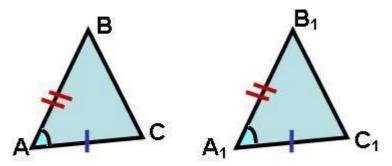
Средняя линия треугольника параллельна одной из его сторон и равна половине этой стороны.



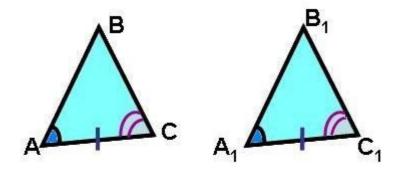
 $\underline{http://www.univer.omsk.su/omsk/Edu/Rusanova/triangls.htm}$

Признаки равенства треугольников.

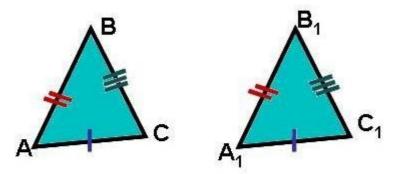
Первый признак: если две стороны и угол между ними одного треугольника соответственно равны двум сторонам и углу между ними другого треугольника, то такие треугольники равны.



Второй признак: если сторона и два прилежащих к ней угла одного треугольника соответственно равны стороне и двум прилежащим к ней углам другого треугольника, то такие треугольники равны.



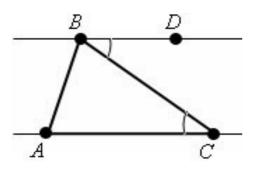
Третий признак: если три стороны одного треугольника соответственно равны трём сторонам другого треугольника, то такие треугольники равны.



http://www.univer.omsk.su/omsk/Edu/Rusanova/triangls.htm

Сумма углов треугольника.

Сумма углов треугольника равна 180°.



Это легко доказать. Пусть дан треугольник ABC. Проведем через вершину В прямую, параллельную прямой AC. Отметим на полученной прямой точку D так, чтобы она лежала в другой полуплоскости относительно прямой BC.

∠CAB и ∠ABD — внутренние односторонние углы для параллельных прямых AC и BD с секущей AB, тогда: ∠CAB+∠ABD=180°⇒∠ABD=180°-∠CAB ∠ABD=∠ABC+∠CBD.

Так как \angle CBD = \angle ACB как внутренние накрест лежащие, образованные пересечением параллельных прямых BD и AC с секущей BC, то \angle ABD= \angle ABC+ \angle ACB

Приравниваем∠ABD:

∠ABC+∠ACB=180°-∠CAB

 $И \angle ABC + \angle ACB + \angle CAB = 180^{\circ}$

Теорема доказана.

Из теоремы следует:

У любого треугольника хотя бы два угла острые.

Допустим, что у треугольника один угол острый или вообще нету. Тогда, по крайней, у этого треугольника два тупых угла. А градусная мера тупого угла больше 90°. Значит сумма двух тупых углов уже будет больше 180°. А это невозможно, так как сумма всех углов треугольника 180°. Что и требовалось доказать.

http://www.terver.ru/sumugtreug.php